

Asservissement Linéaire

I/Fonction de Transfert

$$H(p) = \frac{Y(p)}{X(p)}$$

Y(p) : transformée de Laplace de y(t) qui est la grandeur de sortie

X(p) : transformée de Laplace de x(t) qui est la grandeur d'entrée

4) Réponse d'une Fonction de Transfert

Le dépassement D est une valeur représentant la différence entre les valeurs extrêmes et la valeur finale

$$D = \frac{\text{Valeur Extrême} - \text{Valeur Finale}}{\text{Valeur Finale}}$$

II/Système Asservi Linéaire

2) Fonction de transfert en boucle ouverte et en boucle fermée

En boucle Fermée

$$T_{bf}(p) = \frac{X(p)}{Xc(p)} = \frac{H(p)}{1 + H(p) \times B(p)}$$

En boucle Ouverte

$$T_{bo}(p) = H(p) \times B(p)$$

4) Amélioration des performances

- Correcteur proportionnel intégral Pi

$$c(p) = A \left(1 + \frac{1}{ti p} \right)$$

A : constante de la composante proportionnelle

ti : constante de la composante intégral

Effet : améliore la précision, erreur nulle (due à la composante intégrale), déstabilise le système

- Correcteur proportionnel dérivé PD

$$c(p) = A(1 + tdp)$$

A : constante de la composante proportionnelle

ti : constante de la composante dérivée

Effet : améliore la rapidité et la stabilité, diminue la précision

- Correcteur proportionnel intégral dérivé PID

$$c(p) = A \left(1 + tdp + \frac{1}{tip} \right)$$

Il combine les avantages de toutes les composantes mais leur effet est variable en fonctions des choix des constantes

III/Système du 1^{er} ordre

Un système du 1^{er} ordre est régi par une équation différentielle du type :

$$t_0 \frac{dy(t)}{dt} + y(t) = H_0 x(t)$$

t₀ : constante de temps du système

La fonction de transfert d'un système du 1^{er} ordre s'exprime toujours sous la forme :

$$T_p: \frac{H_0}{1 + t_0 p}$$

IV/Système du 2eme ordre

Un système du 2eme ordre à une équation différentielle du type :

$$t_0^2 \frac{dy(t)}{dt} + 2mt_0 \frac{dy(t)}{dt} + y(t) = H_0 x(t)$$

t_0 : constante de temps du système

m : coefficient d'amortissement